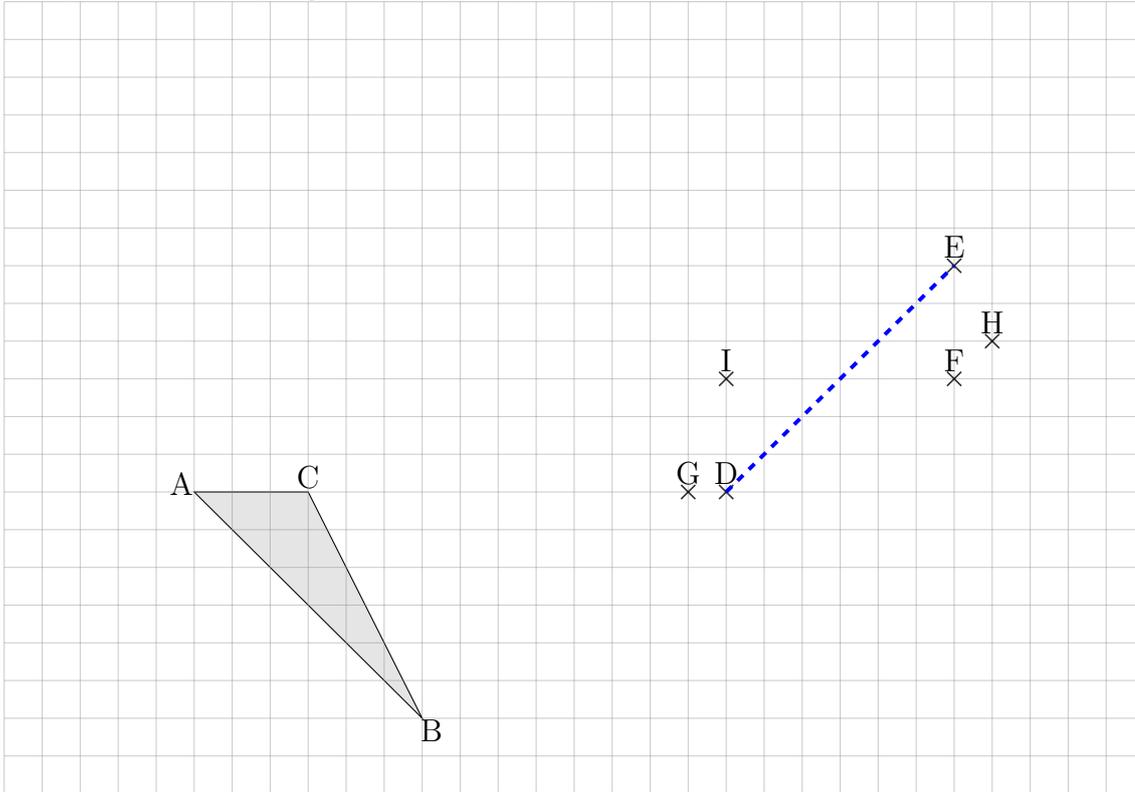


mathématiques - cycle 4 - triangles et proportionnalité :  
triangles semblables

**Exercice 1**

Où placer le point  $M$  pour que les triangles  $ABC$  et  $DEM$  soient égaux ?

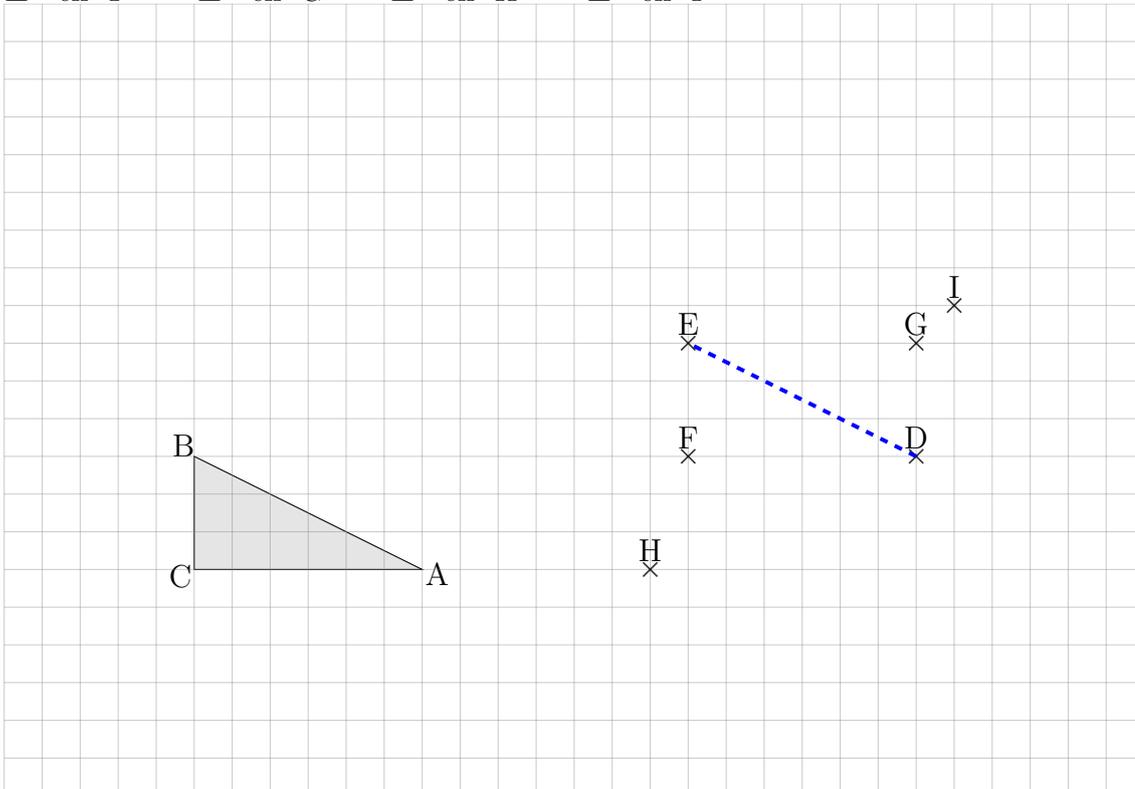
en  $F$     en  $G$     en  $H$     en  $I$



**Exercice 2**

Où placer le point  $M$  pour que les triangles  $ABC$  et  $DEM$  soient égaux ?

en  $F$     en  $G$     en  $H$     en  $I$



**Exercice 3**

1. Compléter les phrases suivantes.

Ci-dessous les triangles  $SBA$  et  $CQY$  sont semblables.

$[AB]$  et ..... sont homologues.

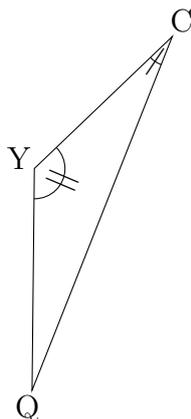
$[BS]$  et ..... sont homologues.

$[SA]$  et ..... sont homologues.

$\widehat{ABS}$  et ..... sont homologues.

$\widehat{SAB}$  et ..... sont homologues.

$\widehat{BSA}$  et ..... sont homologues.



2. Compléter les phrases suivantes.

Ci-dessous les triangles  $XNE$  et  $DRV$  sont semblables.

$[EX]$  et ..... sont homologues.

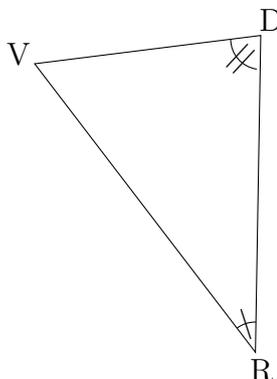
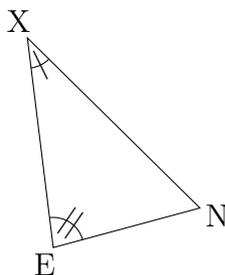
$[XN]$  et ..... sont homologues.

$[NE]$  et ..... sont homologues.

$\widehat{EXN}$  et ..... sont homologues.

$\widehat{NEX}$  et ..... sont homologues.

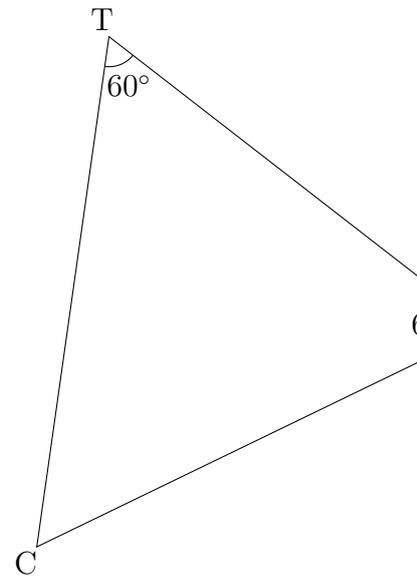
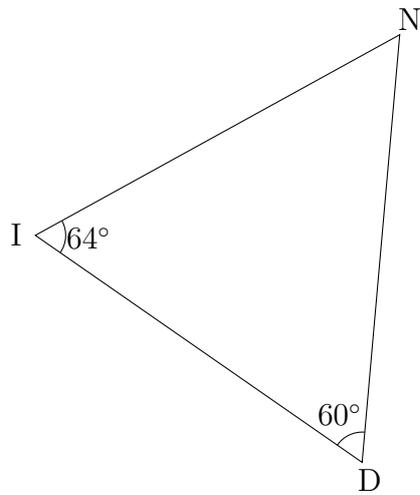
$\widehat{XNE}$  et ..... sont homologues.



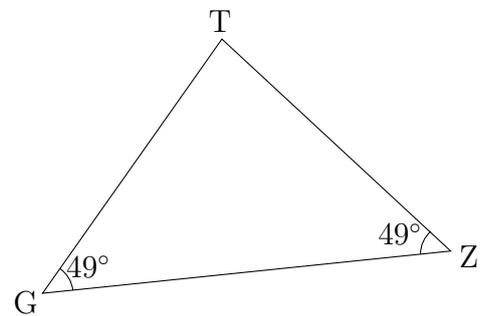
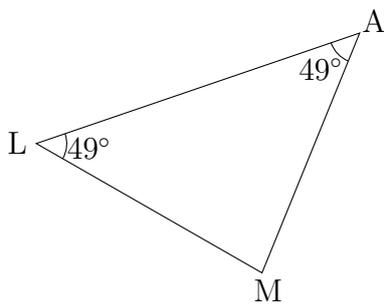
mathématiques - cycle 4 - triangles et proportionnalité :  
triangles semblables

Exercice 4

1. Démontrer que les triangles  $IDN$  et  $CTX$  sont semblables.



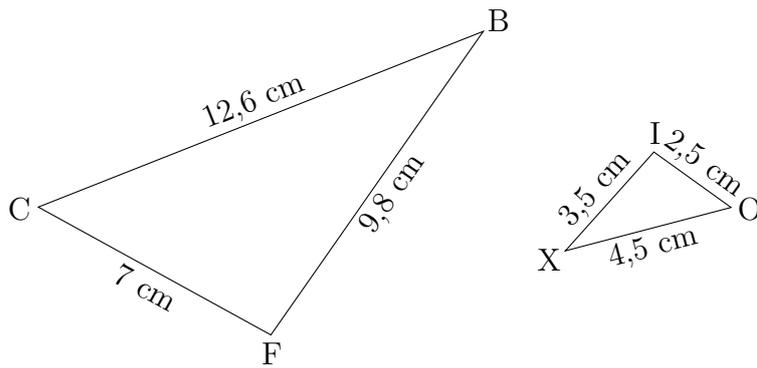
2. Démontrer que les triangles  $AML$  et  $ZTG$  sont semblables.



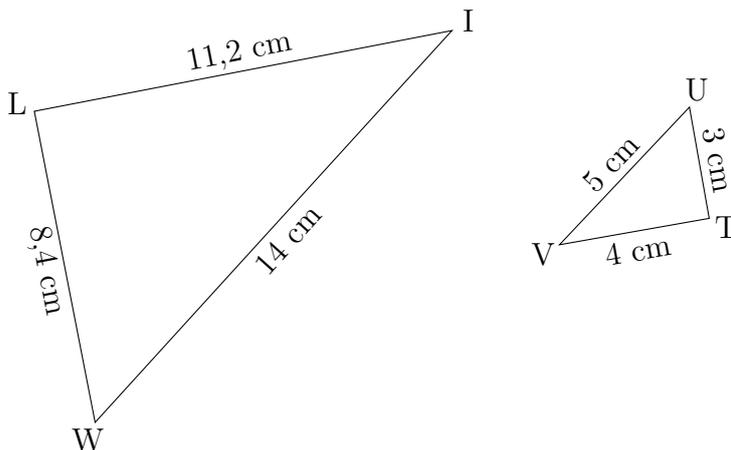
Exercice 5

1. Est-ce que les triangles  $FBC$  et  $XOI$  sont semblables? Justifier

mathématiques - cycle 4 - triangles et proportionnalité :  
triangles semblables



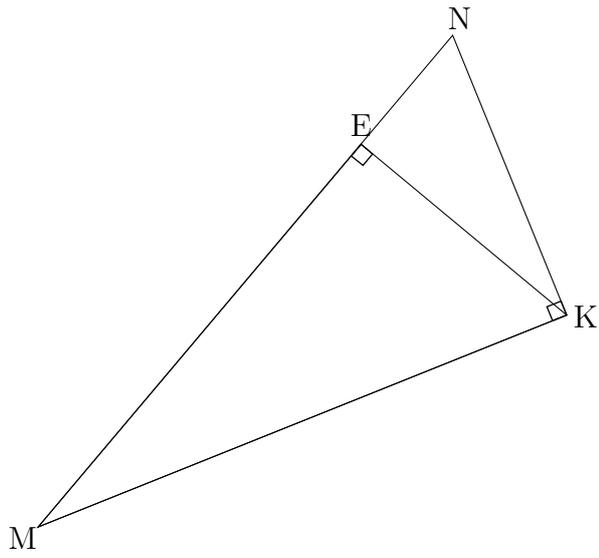
2. Est-ce que les triangles  $ILW$  et  $TUV$  sont semblables? Justifier



**Exercice 6**

Est-ce que les triangles  $KNM$  et  $MEK$  sont semblables? Justifier

mathématiques - cycle 4 - triangles et proportionnalité :  
triangles semblables



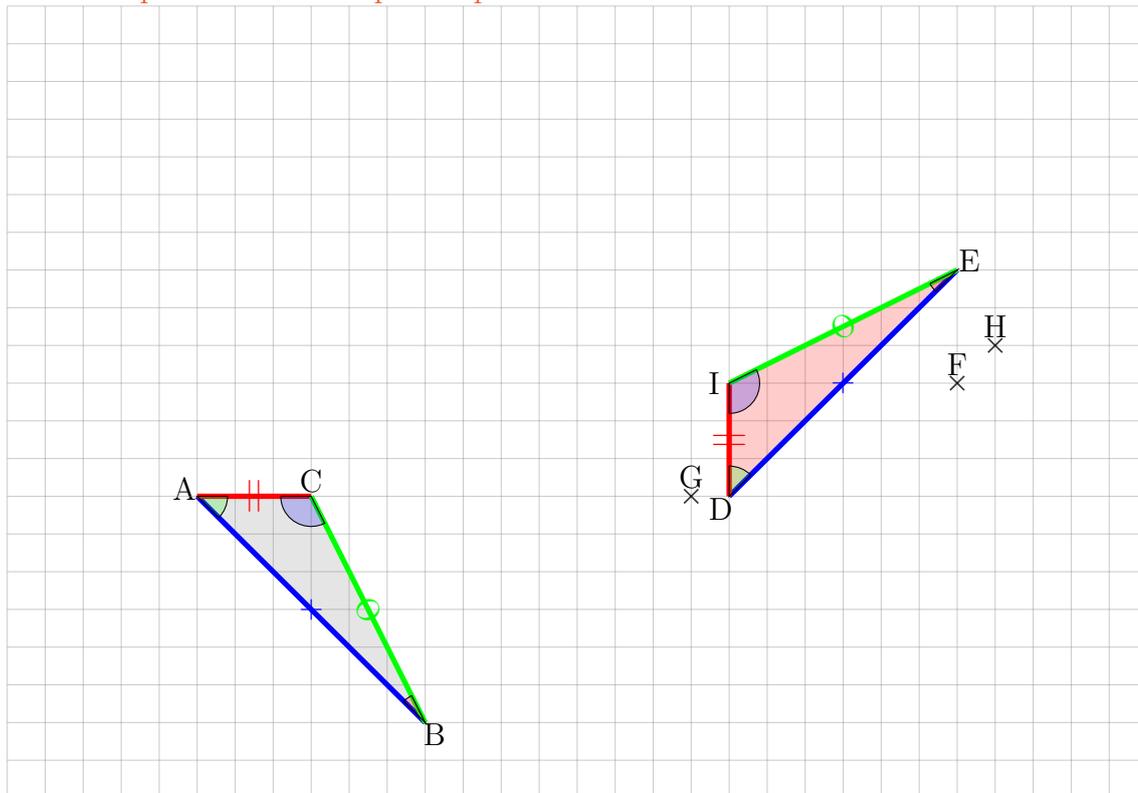
mathématiques - cycle 4 - triangles et proportionnalité :  
triangles semblables

Exercice 1

===== Première solution =====

Les triangles  $ABC$  et  $DEI$  ont les mêmes longueurs et les mêmes angles.

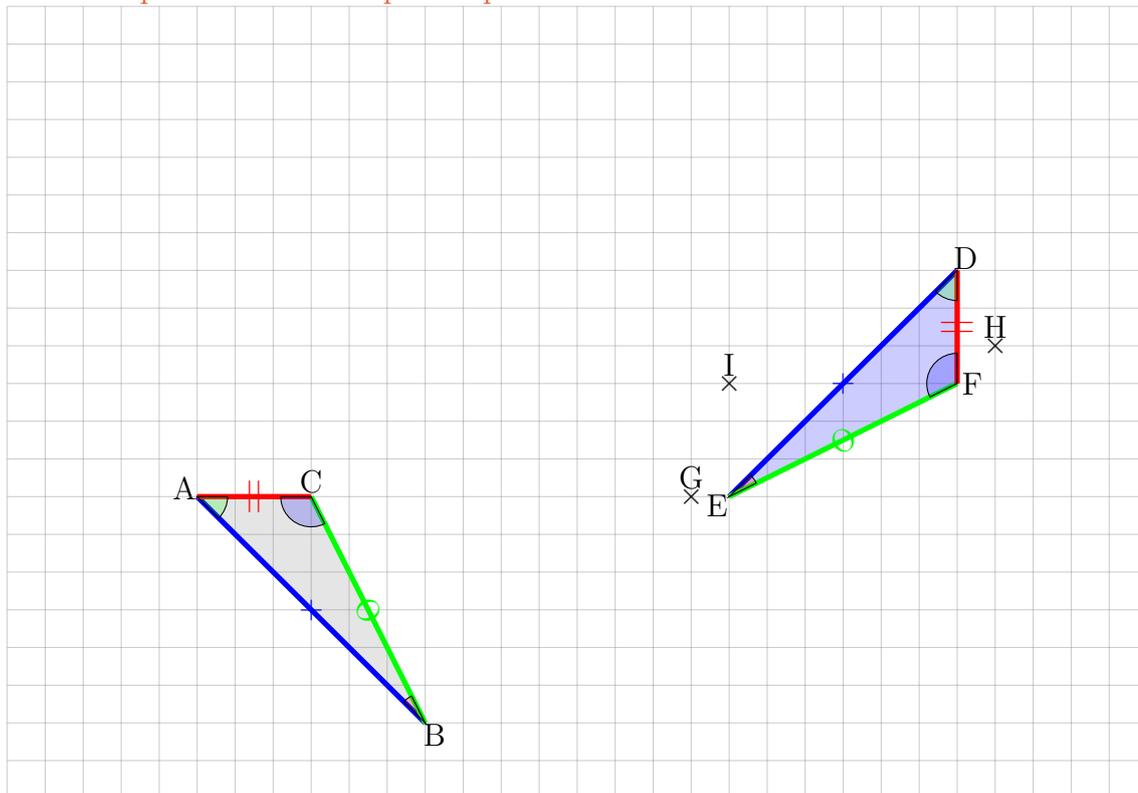
Donc le point  $I$  est un point qui convient.



===== Seconde solution =====

Les triangles  $ABC$  et  $DEF$  ont les mêmes longueurs et les mêmes angles.

Donc le point  $F$  est un point qui convient.

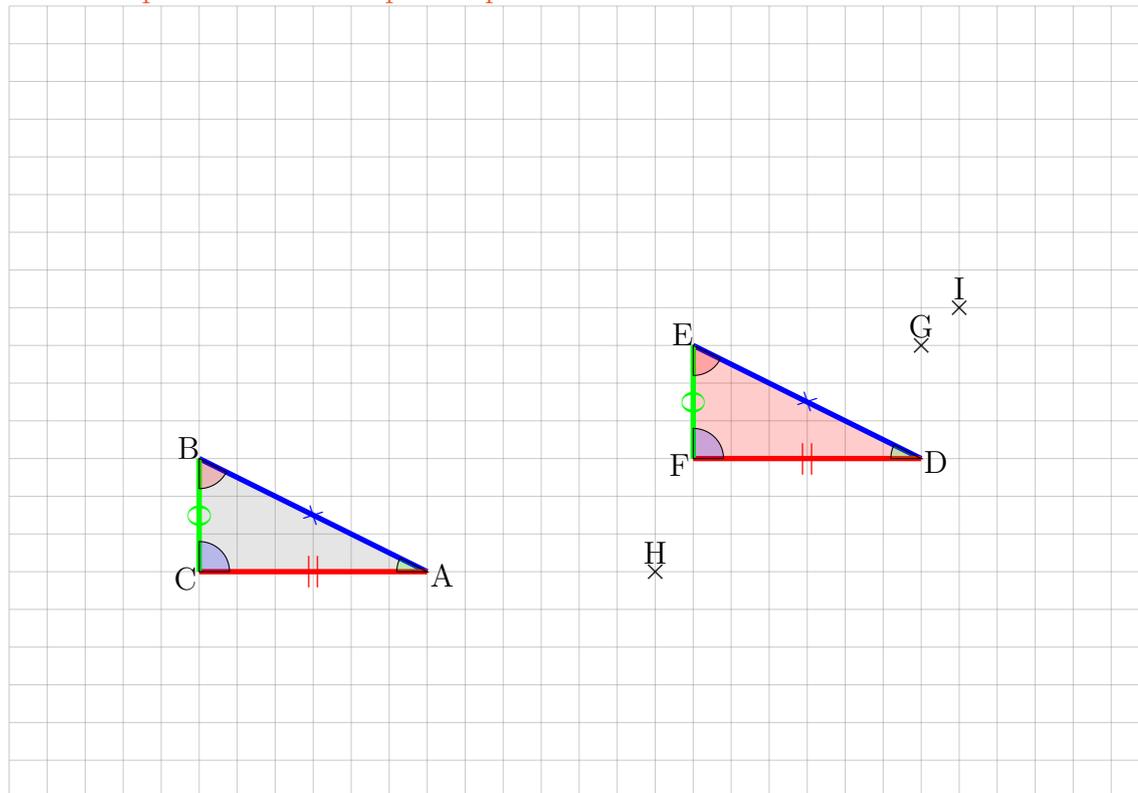


Exercice 2

===== Première solution =====

Les triangles  $ABC$  et  $DEF$  ont les mêmes longueurs et les mêmes angles.

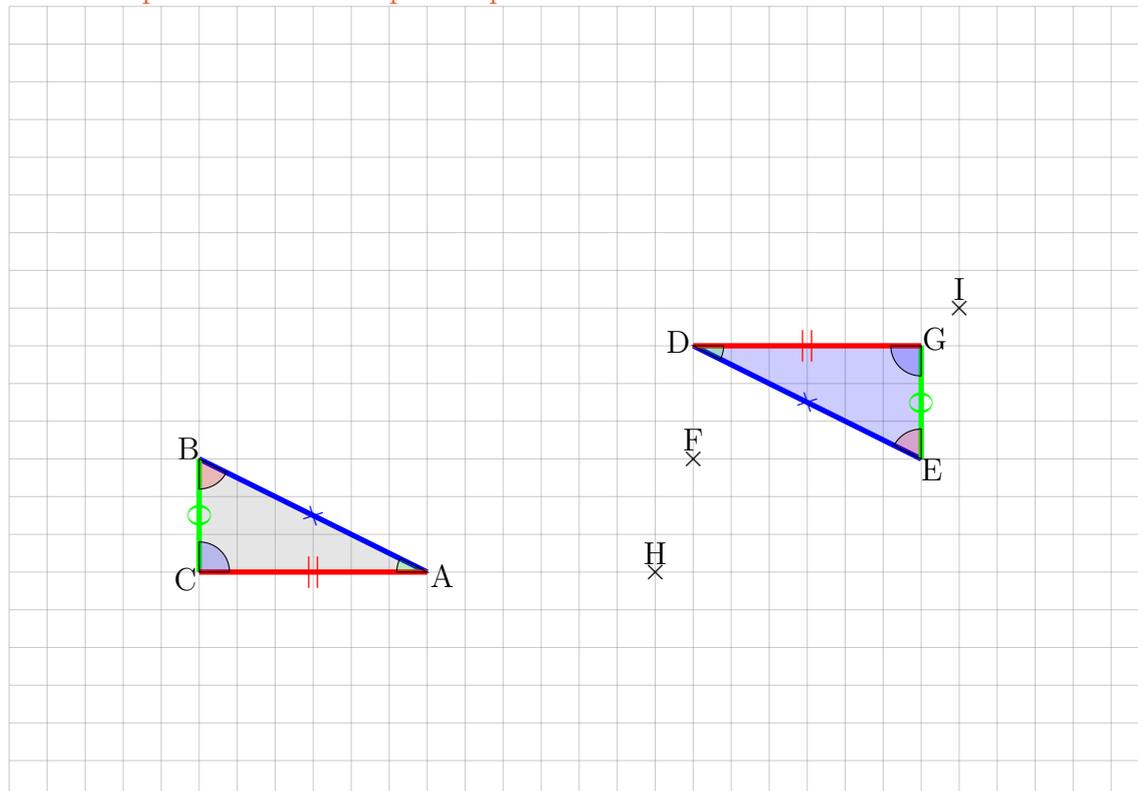
Donc le point  $F$  est un point qui convient.



===== Seconde solution =====

Les triangles  $ABC$  et  $DEG$  ont les mêmes longueurs et les mêmes angles.

Donc le point  $G$  est un point qui convient.



### Exercice 3

- $[AB]$  et  $[YC]$  sont homologues.  
 $[BS]$  et  $[CQ]$  sont homologues.  
 $[SA]$  et  $[QY]$  sont homologues.  
 $\widehat{ABS}$  et  $\widehat{YCQ}$  sont homologues.  
 $\widehat{SAB}$  et  $\widehat{QYC}$  sont homologues.  
 $\widehat{BSA}$  et  $\widehat{CQY}$  sont homologues.
- $[EX]$  et  $[DR]$  sont homologues.  
 $[XN]$  et  $[RV]$  sont homologues.  
 $[NE]$  et  $[VD]$  sont homologues.  
 $\widehat{EXN}$  et  $\widehat{DRV}$  sont homologues.  
 $\widehat{NEX}$  et  $\widehat{VDR}$  sont homologues.  
 $\widehat{XNE}$  et  $\widehat{RVD}$  sont homologues.

### Exercice 4

- D'après la règle des  $180^\circ$  dans un triangle, la somme des angles est égale à  $180^\circ$ .  
 $\widehat{DNI} = 180^\circ - 60^\circ - 64^\circ = 56^\circ$ .  
 $\widehat{TCX} = 180^\circ - 60^\circ - 64^\circ = 56^\circ$ .  
 $\widehat{IDN} = \widehat{XTC}$ .  
 $\widehat{NID} = \widehat{CXT}$ .  
 $\widehat{DNI} = \widehat{TCX}$ .  
Les 3 paires d'angles sont égales. Comme les angles sont égaux deux à deux, les deux triangles sont semblables.
- D'après la règle des  $180^\circ$  dans un triangle, la somme des angles est égale à  $180^\circ$ .  
 $\widehat{LMA} = 180^\circ - 49^\circ - 49^\circ = 82^\circ$ .  
 $\widehat{ZTG} = 180^\circ - 49^\circ - 49^\circ = 82^\circ$ .  
 $\widehat{ALM} = \widehat{GZT}$ .  
 $\widehat{MAL} = \widehat{TGZ}$ .  
 $\widehat{LMA} = \widehat{ZTG}$ .  
Les 3 paires d'angles sont égales. Comme les angles sont égaux deux à deux, les deux triangles sont semblables.

### Exercice 5

- On trie les longueurs des deux triangles afin de les comparer.  
 $7 \div 2,5 = \frac{14}{5}$ .  
 $9,8 \div 3,5 = \frac{14}{5}$ .

mathématiques - cycle 4 - triangles et proportionnalité :  
triangles semblables

$$12,6 \div 4,5 = \frac{14}{5}.$$

Les longueurs sont proportionnelles deux à deux donc les deux triangles sont semblables.

2. On trie les longueurs des deux triangles afin de les comparer.

$$8,4 \div 3 = \frac{14}{5}.$$

$$14 \div 5 = \frac{14}{5}.$$

$$11,2 \div 4 = \frac{14}{5}.$$

Les longueurs sont proportionnelles deux à deux donc les deux triangles sont semblables.

### Exercice 6

On trie les longueurs des deux triangles afin de les comparer.

$$\widehat{NKM} = \widehat{MEK} = 90^\circ \text{ par codage.}$$

$$\widehat{KMN} = \widehat{KME} \text{ car les angles sont confondus.}$$

On a donc deux paires d'angles égales donc la troisième paire aussi grâce à la règle des  $180^\circ$  dans un triangle (la somme des angles est égale à  $180^\circ$ ).

$$\widehat{MNK} = \widehat{EKM}.$$

Les 3 paires d'angles sont égales. Comme les angles sont égaux deux à deux, les deux triangles sont semblables.